

Réponses pour l'exercice 1 :

1. Champ \vec{E} et potentiel V créés par un fil rectiligne infini uniformément chargé :

$$\vec{E} = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \vec{u}_r \quad \text{et} \quad V = -\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln r + C_1$$

2. Champ \vec{E} et potentiel V créés par plan infini uniformément chargé :

$$\vec{E} = \begin{cases} \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{u}_z & \text{pour } z > 0 \\ -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{u}_z & \text{pour } z < 0 \end{cases} \quad \text{et} \quad V = \begin{cases} -\frac{\sigma z}{2\epsilon_0} + C_1 & \text{pour } z > 0 \\ \frac{\sigma z}{2\epsilon_0} + C_1 & \text{pour } z < 0 \end{cases}$$

3. Champ \vec{E} et potentiel V créés par un cylindre infini uniformément chargé en volume :

$$\vec{E} = \begin{cases} \frac{\rho R^2}{2\epsilon_0 r} \vec{u}_r & \text{pour } r > R \\ \frac{\rho r}{2\epsilon_0} \vec{u}_r & \text{pour } r < R \end{cases} \quad \text{et} \quad V = \begin{cases} -\frac{\rho R^2}{2\epsilon_0} \ln r + C_1 & \text{pour } r > R \\ \frac{\rho(R^2 - r^2)}{4\epsilon_0} - \frac{\rho R^2}{2\epsilon_0} \ln R + C_1 & \text{pour } r < R \end{cases}$$

4. Champ \vec{E} et potentiel V créés par un cylindre infini uniformément chargé en surface :

$$\vec{E} = \begin{cases} \frac{\sigma R}{\epsilon_0 r} \vec{u}_r & \text{pour } r > R \\ \vec{0} & \text{pour } r < R \end{cases} \quad \text{et} \quad V = \begin{cases} -\frac{\sigma R}{\epsilon_0} \ln r + C_1 & \text{pour } r > R \\ -\frac{\sigma R}{\epsilon_0} \ln R + C_1 & \text{pour } r < R \end{cases}$$

5. Champ \vec{E} et potentiel V créés par une sphère uniformément chargée en volume :

$$\vec{E} = \begin{cases} \frac{\rho R^3}{3\epsilon_0 r^2} \vec{u}_r & \text{pour } r > R \\ \frac{\rho r}{3\epsilon_0} & \text{pour } r < R \end{cases} \quad \text{et} \quad V = \begin{cases} \frac{\rho R^3}{3\epsilon_0 r} + C_1 & \text{pour } r > R \\ \frac{\rho(R^2 - r^2)}{6\epsilon_0} + \frac{\rho R^2}{3\epsilon_0} + C_1 & \text{pour } r < R \end{cases}$$

6. Champ \vec{E} et potentiel V créés par une sphère uniformément chargée en surface :

$$\vec{E} = \begin{cases} \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 r^2} \vec{u}_r & \text{pour } r > R \\ \vec{0} & \text{pour } r < R \end{cases} \quad \text{et} \quad V = \begin{cases} \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 r} + C_1 & \text{pour } r > R \\ \frac{\sigma R}{\epsilon_0} + C_1 & \text{pour } r < R \end{cases}$$

7. Champ \vec{E} et potentiel V créés par une sphère chargée non uniformément :

$$\vec{E} = \begin{cases} \frac{a R^4}{4\epsilon_0 r^2} \vec{u}_r & \text{pour } r > R \\ \frac{a r^2}{4\epsilon_0} \vec{u}_r & \text{pour } r < R \end{cases} \quad \text{et} \quad V = \begin{cases} \frac{a R^4}{4\epsilon_0 r} + C_1 & \text{pour } r > R \\ \frac{a(R^3 - r^3)}{12\epsilon_0} + \frac{a R^3}{4\epsilon_0} + C_1 & \text{pour } r < R \end{cases}$$